

Pismeni dio ispita iz Matematike 2, 18. 09. 2010.

GRUPA A

1. Izračunati površinu figure koju formira kružnica $x^2 + y^2 = 25$ zajedno sa tangentama povučenicim u tačkama kružnice čija je apscisa $x = 3$.
2. Naći jednačinu tangentne ravni na površ $z = \frac{x^2}{2} + \frac{y^2}{4}$, koja prolazi kroz tačku $A(1,1,0)$ i okomita je na ravan $x + y + z - 7 = 0$.
3. Izračunati površinu dijela sfere $x^2 + y^2 + z^2 = 9$ koji se nalazi unutar valjka $x^2 + y^2 = 3x$.
4. Izračunati cirkulaciju vektorskog polja $\vec{v} = (y, xz, -zy)$ duž konture $c : x^2 + y^2 = 4, z = y^2$.

GRUPA B

1. Izračunati površinu figure koju formira elipsa $x^2 + 3y^2 = 36$ zajedno sa tangentama povučenicim u tačkama elipse čija je apscisa $x = 3$.
2. Naći jednačinu tangentne ravni i normale na površ $z = \sqrt{1 - x^2 - y^2} \ln(x + y)$ u tački $T\left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, z_0\right)$.
3. Izračunati površinu dijela valjka $x^2 + z^2 = r^2$ koji se nalazi unutar valjka $x^2 + y^2 = r^2$.
4. Izračunati cirkulaciju vektorskog polja $\vec{v} = (1, xy^2, yz^2)$ duž konture $x^2 + 2y^2 = 4, z = 2x$.

Pismeni dio ispita iz Matematike 2 (stari program), 18. 09. 2010.

1. Razviti u Fourierov red funkciju $f(x) = 2x^2 - 4x + 1$ u intervalu $[0, 2]$.
2. Riješiti diferencijalnu jednačinu $x(2+x)y' + 2(1+x)y = 1 + 3x^2$, uz početni uslov $y(-1) = 1$.
3. Izračunati krivolinijski integral $\int_{(1,1)}^{(2,2)} (y \ln y - y + e^x) dx + \left[(x+y) \ln y + \sqrt{4-y^2} \right] dy$.
4. Odrediti Laplasovu transformaciju funkcije $f(t) = t^2 e^{-4t} \cos 2t$.