

Pismeni dio ispita iz Matematike II

GRUPA A

1. Izračunati integrale: $I_1 = \int_1^3 x^3 \sqrt{x^2 - 1} dx$, $I_2 = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{dx}{1 + \sin x + \cos x}$.
2. Izmjeniti poredak integracije u integralu $I = \int_1^2 dx \int_{2-x}^{\sqrt{2x-x^2}} f(x, y) dy$.
3. Izračunati površinski integral $P = \iint_S (z^2 + 1) dS$, S je dio sfere $x^2 + y^2 + z^2 = 4$ u prvom oktantu.
4. Izračunati integral $I(\alpha) = \int_0^{\infty} \frac{1 - e^{-\alpha x^2}}{x e^{x^2}} dx$ pomoću diferenciranja po parametru ako je $\alpha > -1$.

GRUPA B

1. Izračunati integrale: $I_1 = \int_0^4 \frac{dx}{1 + \sqrt{2x+1}}$, $I_2 = \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{\sin x}{\sin x + \cos x} dx$.
2. Izmjeniti poredak integracije u integralu $I = \int_0^1 dx \int_x^{\sqrt{2-x^2}} f(x, y) dy$.
3. Izračunati površinski integral $\iint_{(S)} \sqrt{-x^2 + 4} dS$, gdje je (S) omotač površi $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{4} = \frac{z^2}{9}$, $0 \leq z \leq 3$.
4. Izračunati pomoću diferenciranja po parametru integral $I(\alpha) = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \ln(\sin^2 x + \alpha^2 \cos^2 x) dx$, $\alpha > 0$.

Stari program

1. Razviti u Fourierov red funkciju $f(x) = x \cos x$, $x \in \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$.
2. Riješiti diferencijalnu jednačinu $2y + y'(2x + y') = 0$.
3. Izračunati površinski integral $P = \iint_S (z^2 + 1) dS$, S je dio sfere $x^2 + y^2 + z^2 = 4$ u prvom oktantu.
4. Izračunati integral $I(\alpha) = \int_0^{\infty} \frac{1 - e^{-\alpha x^2}}{x e^{x^2}} dx$ pomoću diferenciranja po parametru ako je $\alpha > -1$.