



**Univerzitet u Zenici**  
**Pedagoški fakultet**  
Odsjek: Matematika i informatika  
Zenica, 14.02.2013.

Pismeni ispit iz predmeta **Euklidska geometrija II**

**Zadatak br. 1**

(25%) a) Tačka  $A_1$  je presjek simetrale ugla  $A$  i naspremne strane  $BC$  trougla  $\triangle ABC$ .

Dokazati da je  $\frac{A_1B}{A_1C} = \frac{AB}{AC}$ .

(25%) b) Simetrala spoljašnjeg ugla kod tjemena  $A$  trougla  $\triangle ABC$  siječe pravu  $BC$  u tački  $A_2$ .

Dokazati da je  $\frac{A_2B}{A_2C} = \frac{AB}{AC}$ .

(50%) c) Na stranicama  $BC$ ,  $CA$  i  $AB$  trougla  $\triangle ABC$  date su redom tačke  $A_1$ ,  $B_1$  i  $C_1$ , takve da je  $\frac{BA_1}{A_1C} = \frac{CB_1}{B_1A} = \frac{AC_1}{C_1B}$ . Dokazati da je  $\triangle A_1B_1C_1$  jednakostraničan ako i samo ako je  $\triangle ABC$  jednakostraničan.

**Zadatak br. 2**

(30%) Konstruisati trougao  $\triangle ABC$  ako su mu dati stranica  $a$ , ugao  $\beta$  i duž  $b - c$ .

(70%) Konstruisati trougao  $\triangle ABC$  ako su date tačke  $P$ ,  $Q$  i  $R$  koje su podnožja visina datog trougla.

**Zadatak br. 3**

(20%) a) Dati su podudatni krugovi  $k_1$  i  $k_2$  i tačka  $T$ . Kroz tačku  $T$  konstruisati pravu na kojoj dati krugovi odsjcaju podudarne tetive. (Detaljno sprovesti samo Analizu. Konstrukciju, Dokaz i Diskusiju možete uraditi, ali bodovat će se samo Analiza.)

(20%) b) Za dva data kruga konstruisati vanjsku zajedničku tangentu. (Detaljno sprovesti samo Analizu. Konstrukciju, Dokaz i Diskusiju možete uraditi, ali bodovat će se samo Analiza.)

(60%) Konstruisati krug koji prolazi kroz datu tačku i dodiruje datu pravu i dati krug. (Detaljno sprovesti samo Analizu. Konstrukciju, Dokaz i Diskusiju možete uraditi, ali bodovati će se samo Analiza.)

Zadaci su skinuti sa stranice [pf.unze.ba/nabokov](http://pf.unze.ba/nabokov).  
Za uočene greške pisati na [infoarrt@gmail.com](mailto:infoarrt@gmail.com)